

ای عجب دلتن بنگرفت و نشد جاتنان ملو زین هواهای عفن، وین آب‌های ناگوار!

* بامداد یاحقی^{۱۲}

ترکیب طبیع چوبه کام تو دمی است
رو شاد بزی اگر چه بر تو ستمی است.
با اهل خرد باش که اصلی تن تو
گردی و نسیمی و شراری و نمی است.

این دل نوشتة از جان برآمده را پیشکش یاد و خاطره پدرم می کنم.
یادت به خیر بابا! تکیه کلامت خرد بود و شاعر دل خواهات خیام.
«گرچه نادرخورند و مختصرند جان فشنایم و دل ثثار تو را!» به یاد
تو، بامداد.

پیش درآمد:

«اینچنین است ریاضیات!
شکل پنهان جان را به یادت می آورد!
بر یافته هایش نور می باراند!
خرد را بیدار و هوش را (سرشار و) پالوده می کند!
به گمان های طبیعی مان روشنی می بخشد!
بی خبری و نا آگاهی را، که با آن زاده ایم، از میان برمی چیندا»
پروکل^{۱۳}

آری! اینچنین است ریاضیات گران سنگ و اینچنین است نگاه سالکان و آشنايان ریاضی! نگاهی بیرون زمان و مکان، سرشار از دل بستگی، که جان را به شادی می آورد. صدایی رسما از پس دیوار قرون که هنوز طبیعتی این گونه پایا دارد. آن چنان جاندار و روح نواز که گویی گوینده اش دیرآشنايی است که با تو رودررو در سخن است.

ریاضیات عصارة فکر است، موسیقی اندیشه است، همنشین زیبایی است، مادر دانش هاست، زبان طبیعت است، جاودانی است، سبک و سیاق اندیشیدن و نیز افکار ما را سازماندهی می کند، در آن واحد ساده و پیچیده، زیبا و جادویی است! که با قدرت تحلیلش پیچیدگی های فرازومان را به زیبایی، و تو گویی جادوگونه، به اجزایی ساده تجزیه می کند، ارمغانش به ما اعتماد به نفس، توانمندی، و روشنی اندیشه است. سخن کوتاه کنم: ریاضیات کاربردی است، هنری است، معنوی است، عرفانی است، مرغ هواي

است که از نظر تعداد مقاله های مشترک، تنها آمریکا شریک ما محسوب می شود ولی این موضوع را باید در نظر گرفت که بسیاری از مقاله های مشترک بین هر دو کشور ممکن است از طریق ارتباط با کشوری سوم به دست آمده باشند. این نوع ملاحظات در شکل ۲ در نظر گرفته شده است. نگرشی شبکه ای به موضوع، این قابلیت را دارد تا جوامع، یعنی نقاطی که بیشتر با هم درگیر هستند را تمیز دهد. دیده می شود که کل اتحادیه اروپا یک جامعه ای علمی تقریباً واحد است. چین همکاری های بیشتری با جامعه ای اروپا دارد تا با جامعه ای آمریکا. اما وضعیت ما چگونه است؟ ایران به صورت یک نقطه کوچک نزدیک قطب علمی آلمان قرار دارد، مقایسه کنید با ترکیه که آن هم نزدیک آلمان است ولی رأس قابل توجهی را به خود اختصاص داده است. به نظر می رسد ترکیه برنامه ریزی درست تری برای سرآمدی در علم دارد.

قطب های اصلی شبکه جهانی همکاری های بین المللی، کشورهایی هستند که اکتشافات اصلی علمی در آن ها صورت می گیرد. عملدهی فعالیت های علمی صورت گرفته در رئوس غیر اصلی شبکه همکاری ها، از نوع تأیید یا بررسی بیشتر اکتشافات علمی صورت گرفته در قطب های اصلی است. از نتایج این بررسی دیده می شود که سرآمدان علمی در کانون همکاری های علمی قرار گرفته اند. عجیب به نظر می رسد اگر کشوری یا حتی پژوهشگری بدون این که در کانون همکاری ها باشد به مقام سرآمدی برسد. هر گونه میانبری برای سرآمدی علم بدون گذر از شاهراه همکاری بین المللی، سخت بیراهی است. دوران اکتشافات در عالم اینجا سرآمد است و باید در جستجوی مسیری بود تا با کمترین هزینه و در سریع ترین شکل ما را وارد جریان همکاری های علمی بین المللی کند. علم سنج ها می توانند کمک کنند تا این راه میانبر پیدا شود.

از آفای دکتر شاهین روحانی برای معرفی مرجع اصلی مورد استفاده در این مقاله تشکر می کنم.

منبع:

[1] Loet Leydesdorff, Caroline S. Wagner, Han Woo Park, and Jonathan Adams, International Collaboration in Science: The Global Map and the Network, El Profesional de la Information 22 (1) (2013) 87-94.

* دانشگاه تحصیلات تکمیلی علوم پایه زنجان

^{۱۱} جمال الدین عبدالرزاق اصفهانی

^{۱۲} این نوشهتی یادداشتی پیرامون آموزش و پژوهش ریاضی در ایران است.

Proclus^{۱۳}

بخشی از این مشکل به دستگاه آموزشی ما برمی‌گردد. به عنوان مشتی که نمونه خوار است: چه گونه است که دانش آموزان و دانشجویان ما از سطح راهنمایی تا پایان دوره کارشناسی، به عنوان مثال، زبان انگلیسی می‌آموزند، اما عمده ایشان حتی پس از اخذ مدرک دکتری نمی‌توانند متنی استاندارد حتی در زمینه رشته تحصیلی شان بنگارند؟ این کاستی حتماً به مشکل یا مشکلات دستگاه آموزشی ما برمی‌گردد. با این وجود، مشکل یا مشکلات دستگاه‌های آموزشی و پژوهشی ما تنها بخشی از این نابه‌سامانی‌های گریبان‌گیر ماست. هر آینه بخشی از این کاستی‌ها به خود ما، یعنی معلمان و دانش آموزان مدارس ما و همچنین اساتید و دانشجویان دانشگاه‌های ما برمی‌گردد. ناگفته نماند که همیشه راه برای توجیه کاستی‌ها وجود دارد. اما در پایان فصل همه می‌دانیم که هر کسی آن درود عاقبت کار که کشت! را حل از این قرار است: در هر پایه‌ای که از نردنان سلوک ریاضی هستیم باید در کام نخست به کار خود باور داشته باشیم، و سپس نهایت تلاش خود را در جهت رشد و شکوفایی ریاضی خود بکنیم. آری، «خدایش بی‌امزاد هر کس از آن جا که هست بrixzid و یک گام فراتر نهد!»

دیوید هیلبرت^{۱۵} ریاضی‌دان شهر آلمانی تعریفی ساده از ریاضی‌دان به دست می‌دهد. از نظر او ریاضی‌دان کسی است که تنها یک گزاره غیربديهی ریاضی ثابت کرده باشد. البته اينکه گزاره غیربديهی دقیقاً چیست، تردید دارم که توافقی عمومی بین ریاضی‌دانان بر سر آن وجود داشته باشد. ولی با این وجود، ریاضی‌دانان هر شاخه ریاضی کم و بیش توافقی ناگفته و نانوشته دارند که چه گزاره‌هایی بديهی و یا غیربديهی‌اند. به هر روی، از این دیدگاه ریاضی‌دان کسی است که دست کم یک گزاره غیربديهی و نه الزاماً چاپ شده داشته باشد. پس صرف دهها و بلکه صدها مقاله چاپ شده، به اصطلاح پژوهشی، ریاضی که شامل دست کم یک گزاره غیربديهی نباشند، فرد را ریاضی‌دان نمی‌کند. عنوانین دهن پرکن استاد، پروفسور، دانشمند، پژوهشگر نمونه / برتر، حتی ریاضیدان!؛ و اصولاً هر لقب توحالی، نیز، چنین نناند کرد! از نظر نگارنده معلمان و اساتید ریاضی در هر سطحی می‌توانند به دو گروه، نه الزاماً مجرای، آموزش محور و پژوهش محور تقسیم شوند. (شاید بهتر باشد که اعضای هیأت علمی دانشگاه‌ها و مرکز آموزش عالی بر این اساس استخدام شوند و سلسه مراتب دانشگاهی و استخدامی را طی کنند). بدیهی است که در مقاطع از دیستان تا دیستان انتظار عملی که در حال حاضر دستگاه آموزشی ما از معلمان دارد جنبه آموزشی کار ایشان است. با این اوضاع نابه‌سامان پژوهش ریاضی ما فقط همین مانده که از ایشان هم توقع چاپ مقالات پژوهشی بی‌مایه داشته باشیم! اینکه «آیا معلمان ما از نظر آموزشی مورد ارزیابی قرار می‌گیرند یا نه؟» بحث دیگری

آگاهی و دانش کلی (هر چند ناجیز) ماست! «هر که با مرغ هوا دوست شود، خوابش آرامترین خواب جهان خواهد بود!»

درآمد:

«ای دوست! ... این (نوشه‌ها) چو آینه‌دان! آخر دانی که آینه را صورتی نیست در خود! اما هر که در او نگه کند صورت خود تواند دید!» (عین‌القضات همدانی)
بهانه و انگیزه این یادداشت دغدغه آموزش و پژوهش ریاضی و کیفیت و تعالی آن‌ها در میهن ما ایران است. خوب می‌دانم که صرفاً حرف، به ویژه حرف‌های کلی راه به جایی نمی‌برند و گره از کار فروبسته آموزش و پژوهش ریاضی در کشور ما ایران نمی‌گشاپند.

نیاید هر زمانی، چون سیند از من در این محفل!

همین در سوختن می‌خرزد آوازی که من دارم
(صائب تبریزی)

باری، جان سخنم این است که، به هر دلیلی، در زمینه آموزش و پژوهش ریاضی، چون بسیاری از زمینه‌های دیگر، افراد کاردان و قانون مدار در تمام سطح کم داریم^{۱۶}، از دانشجو بگیرید تا استاد! پندران - گفتار - کردار نیک، که یکی باشند، کم داریم! در مجموع، از آموزش در سطح ابتدایی و دبیرستان و کارشناسی ریاضی و تربیت معلم و دبیر ریاضی بگیرید تا آموزش و پژوهش در سطح‌های کارشناسی ارشد و دکتری ریاضی. گواه این مدعای سیل عظیم دانشجویان بی‌سواد / کم‌سواد و / یا بی‌انگیزه / کم‌انگیزه‌ای است که هر ساله وارد دوره‌های کارشناسی ارشد، و دکتری ریاضی، و چه بسا دیگر رشته‌های علوم و مهندسی، می‌شوند.

^{۱۶} اگر در درستی این ادعا تردید دارید، به محیط زیست پیرامون خود بنگرید، به حفظ آن فکر کنید که بر عهده بکایک ماست، و به انواع و اقسام واژگان نوساخته زمین‌خواری، کوه‌خواری، جنگل‌خواری، دریاخواری، بیابان‌خواری، و غیره توجه کنید: به بول ملی مان و به نگهداری آبرومندانه آن، که عرف و قاعده جهانی است و بر ماست، اندیشه کنید و در عین حال به انواع و اقسام یادداشت‌های دستنویس تبریک و تهنیت و فدایت شوم، شماره‌های تلفن، و مُهرهای گوناگون سازمان‌های مختلف و ناهنجاری‌هایی از این دست بر قامتش، که باید عاری از آن‌ها باشد، بنگرید؛ فرهنگ رعایت قانون در کلیت آن، رعایت حقوق شهروندی، و به ویژه فرهنگ رعایت قوانین آمدوشد را هم از طرف پیادگان و هم از سوی سوارگان در شهرها و جاده‌های ما در نظر بگیرید؛ و از نظر نظارت عملی مهندسین ناظر مرا بر پروژه‌های ساختمانی به بررسی کنید که نظارت عملی مهندسین ناظر مرا بر پروژه‌های ساختمانی به چه معنی است و چه کیفیتی دارد، به جمع قابل ملاحظه‌ای از پیشکان ما و به سوگندنامه بقراطشان در وادی حرف و سوداگری مالی ایشان در وادی عمل نگاه کنید و معنای واژه نوسار «زیرمیزی» را در فاموس ایشان در جستجو کنید؛ نیز به جمع قابل ملاحظه‌ای از وکلای ما بنگرید و حق وکالت رسمی و غیررسمی ایشان را با یکدیگر مقایسه کنید، رعایت اینمی در کلیت آن از سوی ما و به ویژه رعایت اینمی در محیط‌های کاری ما را بررسی کنید، محصولات وطنی، اعم از کشاورزی و صنعتی، و کیفیتشان، آن چنان که باید باشند، را مدنظر داشته باشید؛ دلالان، فاچاقچیان، و آسان‌خوان ما که دیگر معرف حضور همه‌اند!، یعنی از صداقت و قانون مداری و هفت دولت آزادند. باری، «همه خلل یاران و جمعیت آن است، که نگاه ندارند یکدیگر را! باید چنان زیند که ایشان را «یکی» دانند! «بس کن و بیش مکو گر چه ریان بر سخن است!»

صاحب نظران گرته برداری از روش‌های موجود و گزارش‌های علمی به حساب می‌آیند و نه تولیدات علمی، و در بدترین حالت نمی‌گوییم چه به حساب می‌آیند! به عمد وارد جزئیات نمی‌شوم چرا که در این یادداشت سر این کار ندارم!

همکاران گرامی، «اگر هر که از چیزی سخن گفتی، آن چیز بودی، کارها آسان بودی! اما نه چنان است! از هزار گوینده، یکی خداوند معنی باشد!» و به قول حافظ شیرین سخن،
نه هر که آینه سازد، سکندری دارد ...
نه هر که سر بتراشد، قلندری دارد ...

جان سخن اینکه بد نیست اگر کمی هم کمال گرا باشیم. اشکالی ندارد اگر با معیار و سنگ محک هیلبرت ریاضی دان نباشیم. اما سعی کنیم با هر مایه ریاضی که داریم معلم خوبی باشیم. روشن‌تر بگوییم، اگر، به هر دلیلی، توان و مایه تدریس در مقاطع تحصیلات تكمیلی، به ویژه در مقطع دکتری ریاضی، را نداریم، خود را آن گونه که هستیم، بینیم و بپذیریم و بر آن پایه عمل کنیم. اگر هیچ برنامه پژوهشی در چننه نداریم، و خلاصه اگر بضاعت و توان راهنمایی دانشجو در مقطع دکتری ریاضی را نداریم، از پژوهش دانشجو در مقطع دکتری احتراز کنیم. آب پژوهش (اصیل) ریاضی را از آنچه که شده است بیشتر آگو و نکنیم. سعی کنیم با تدریس هر چه بهتر و بهتر خود در مقطع کارشناسی، به ویژه در درس‌هایی که بر آن‌ها سلط کامل داریم، به گونه‌ای بایسته و شایسته انجام وظیفه کنیم. اگر در این راه که می‌رویم صداقت داریم، قانون را رعایت می‌کنیم، و سعی می‌کنیم شایستگی‌های کمینه را برآورده کنیم، که هیچ! و گرنه ریاکاری و ادعای دغدغه آموزش و پژوهش^{۱۶} را کنار گذاریم، که «به عمل کار برآید، به سخندانی نیست!» با ادعا و سخن صرف تنها باعث دشواری کارها و در واقع سنگی در زیر چرخ دستگاه آموزش و پژوهش ریاضی در سرزمینهای ایران خواهیم بود. باری، در این میدان و در این کار به اندکی علم با عمل نیازمندیم تا به بسیاری حرفا! شکوه پیر هرات را به یاد می‌آورم که فریاد می‌کرد «از معرفت رسمی، و از عبادت عادتی، و از حکمت تجربتی، و از حقیقت حکایتی! یار باشید، بار مباشید! گل باشید، خار مباشید!»

و اما داش آموزان و دانشجویان گرامی ریاضی، دانش آموخته هر مقطعی که هستیم، باید روایتی روش، داستانی هم روایی و هم تصویری و شهودی و هم تحلیلی، از آنچه آموخته‌اید داشته باشید؛ باید لهجه خود را در زبان ریاضی، که قاعده‌تاً فراگرفته‌اید، داشته باشید؛ در ضمن ریاضیات نه تنها زبان است بلکه زبانی دقیق و بی‌مرگ است که همواره زاینده و پاینده است! حدود دقت خود را

^{۱۶} ادعای «دغدغه آموزش و پژوهش» که گفتم مرا به یاد یادداشت دیگرم با عنوان «عشق‌باران چنین مستحق هجران‌اند!» به تاریخ ۲۵ مهر ۱۳۸۹ می‌اندازد. یادداشتی در ارتباط با اخلاق در آموزش و پژوهش ریاضی در ایران که تنها به اندکی از دوستان و همکاران فرستادم، بکدریم!

است که از حوصله این یادداشت خارج است. در حوزه دانشگاه و آموزش عالی اما کشتیبان را سیاستی دگر افتاد! سیاست کلی دستگاه آموزش عالی ما هر چه بیشتر و بیشتر می‌گذرد تأکید بر کارپژوهشی اساتید دانشگاه‌ها می‌کند، به این صورت که بدون کارنامه پژوهشی قابل قبول، بر اساس معیارهای دیکته شده یکسان و همگون برای تمامی رشته‌های دانشگاهی، شخص در گام نخست به عضویت هیأت علمی دانشگاه پذیرفته نمی‌شود. و پس از استخدام اولیه، در صورت عدم برآورده شدن این معیارهای سراسری، مراحل گوناگون استخدام را طی نمی‌کند و در نتیجه ارتقاء نمی‌یابد. نتیجه اینکه روزگاری مردمان به آنچه بودند ریا می‌کردند و حال به آنچه نیستند! شاهد این ادعا بازار گرم شهر فرنگ و از همه رنگ مقاله‌فروشان و پایان‌نامه‌فروشان در همه سطوح و با انواع و اقسام سلیقه‌های است! بازار مکارهای که سلسله مراتب علمی را لوس و بی معنی کرده است تا بدان جا که زبان در کام می‌کشی و نمی‌دانی چه بگویی از این همه نابهنه‌نگاری و از این همه نابهه‌سامانی عربیان. این رویکرد و سیاست تأکید بر دستاوردهای پژوهشی دانشگاهی از نظر نگارنده تا حد زیادی گرته برداری از سیاست‌های مشابه در دانشگاه‌های بزرگ دنیا، به ویژه دانشگاه‌های غربی، است. البته بدون این که نیازها و بضاعت موجود جامعه ریاضی ما، و به طور کلی جامعه علمی ما، و همچنین شرایط و امکانات استاندارد لازمه این رویکرد در نظر گرفته شوند. حاصل اینکه با سیاست در پیش رو، داستان آموزش و پژوهش ما حکایت آن کلاغی شده است که می‌خواست راه رفتن کبک را بیاموزد، آن را که نیاموخت هیچ! راه رفتن خود را نیز به باد فراموشی سپردا! آری، طُرفه اینکه دستگاه آموزش عالی ما سیاست یکسانی در ارزیابی و سنجش علمی آثار پژوهشی اعضای هیأت علمی رشته‌های مختلف دانشگاهی اعمال می‌کند. حال آن که فرهنگ چاپ و نشر در رشته‌های مختلف دانشگاهی می‌توانند با هم بسیار متفاوت باشند، چه از نظر کمیت و چه از نظر کیفیت. به عنوان مثالی فرهنگی، در ریاضیات محض چیزی تحت عنوان نویسنده اول، نویسنده دوم، و غیره نداریم! ترتیب نویسنگان یک کتاب یا مقاله بر اساس ترتیب حروف الفبای زبانی است که کتاب یا مقاله به آن زبان نگاشته می‌شود و بر نام‌های خانوادگی ایشان الق می‌کند. حال آن که در رشته‌های دیگر، مانند مهندسی و دیگر رشته‌های علوم پایه، اینچنین نیست. به عنوان مثالی دیگر، کاملاً متحمل است که استاد راهنما در هر یک از شاخه‌های ریاضی محض نقشی علمی در تولید مقاله یا مقالات پژوهشی حاصل از پایان‌نامه دانشجو نداشته باشد، حال آنکه در برخی رشته‌ها چنین امری غیرقابل تصور است. اصولاً تولید دانش در رشته‌های مختلف، حتی رشته‌های مختلف ریاضی، می‌تواند معانی کاملاً متفاوتی داشته باشد. به همین اکتفا می‌کنم که بسیاری از تولیدات پژوهشی به اصطلاح علمی ما در بهترین حالت در نگاه

بیشتر به این زبان است. تنها در زبان انگلیسی است که می‌توانید تقریباً تمامی نوشتگان یاد شده را بیابید. از بزرگترین اختراع این دوران، یعنی اینترنت، و امکانات در عمل بی‌پایانش نهایت بهره را ببرید. از کاربردهای بی‌همتای ریاضی در دیگر علوم، به ویژه از فیزیک، غافل نباشید. تا می‌توانید از سرچشممه بی‌پایان ریاضی برخوردار شوید. تا می‌توانید بیاموزید، بیاموزید، و باز هم بیاموزید «گیرایی دلربای این دانش شریف با تمامی زیبایی (جادویی) اش تنها بر آنان آشکار می‌شود که یارای رفتن به ژرفای آن را داشته باشند!»، این گاووس^۱، گوید، که او را دانش و فرزانگی بود! نیز بی‌وقوه آموخته‌های خویش را با حل مسائل مبارز طلب ریاضی به چالش بکشید. هرگز متوجه خود را به چالش بکشی و خود در آینه ریاضی ببینی! هر آینه، در آینه، در آینه شو! تا ریاضی نورزی، ریاضی ورزنشوی! تا زمین نخوری، هرگز شیوه راه رفتن ریاضی نیاموزی! «تا خود را به چیزی خدای خود را به کلیمت، آن چیز صعب و دشوار می‌نماید! چون خود را به کلیمت به چیزی دادی، دیگر دشواری نماند!» این گونه است که مردمان بخُرد در درازای زمان اندک اندک از تاریکی به روشنی شدند/می‌شوند، مشکلات را آسان، و آن کارها که پیچیده بود/است گشاده کردند/می‌کنند! پس، دنایی همسنگ روشنی است و نادانی هم‌سنگ تاریکی! آری جوان! «زگهواره تا گور دانش بجوى!» که بادا تو را «تندرستی و بخت، همیشه بماناد با تاج و تخت!» به شما اطمینان خاطر می‌دهم آن آگاهی، دنایی، توانایی، روشنی، زیبایی، اعتماد به نفس، و آرامشی که در بلندای کوهساران ریاضی در خواهید یافت دردانه و جانانه و بگانه و نامیراست. شیدایی است این تجربت! «مَمَا يُدْرِكُ و لا يَوْصَفُ!» از آن دست که به درک آید، به وصف ناید! گفتار حکیم تو سرا فرا یاد می‌آورم که «توانًا بُود هر که دانًا بُود!... ز دانش دل پیر بُرنا بُود!» آه! دیگر چه بگوییم؟! یک آغوش مهر و امید بدרכه راهتان می‌کنم، بزرگی و شکوفایی تان را آرزو می‌کنم! بیشتر چیزی ندارم، شارتان کنم!

پایان سخن اینکه «نه گفتار دلیل دانش کند، و نه خاموشی دلیل جهل. اما راست‌کرداری دلیل دانش کند، و تباہ‌کاری دلیل جهل!» پس، «آن چنان نمای که باشی و آن چنان باش که نمایی! آن نمای که آنی! و گرنه به تو نمایند، چنان چه سزا آنی!» «ای دوست!... اندوه و شادی در این راه دراز است و به نوشتن راست ناید!» پس، سخن کوتاه کنم، والسلام!

*دانشگاه گلستان

^{۱۹} ۱۸۵۵ - ۱۷۷۷ Karl Friedrich Gauss در نامه‌ای به تاریخ ۲۰ آوریل ۱۸۰۷ به سوفی ژرمن.

به خوبی می‌داند! پایش را از گلیمش فراتر نمی‌نهاد! ریاضیات تنها دانشی است که، با کار گودل^{۱۷}، با اعتراف به ناتوانی خود در اثبات سازگاری اش، که سنگی بزرگ و آرزو و هدف و بلکه ایمان دیرینه دانشوران آرمان گرایش، چون هیلبرت، بود، به راستی و درستی توانایی اش را به تعايش می‌گذارد! عجیب نیست؟! برگ بی‌برگی که می‌گویند همین است! باری، دانش آموزان و دانشجویان ریاضی! باید در عمل توان حل مسائل استاندارد در هر موضوعی که فراآموخته‌اید را با اجتهاد و آگاهی شخصی خود، یعنی بدون دستاورد شدن به کتاب‌های حل مساله و یا تمنای راه حل از دیگران یا از معلم خاموش اینترنت!، داشته باشد. اگر این توانایی ملموس و روشن، که قلب و چه بسا معیار درک ریاضی شماست، را ندارید، آنگاه سواد و آگاهی شما از مقطعی که پشت سر گذاشته‌اید به هنجار نیست. برای ادامه تحصیل در مقطع دیگر در پیش روتان حتماً باید دارای دانشی استاندارد و به هنجار در مقطع پیشین باشید. به علاوه، برای ادامه تحصیل در مقاطع تحصیلات تکمیلی، به ویژه در مقطع دکتری ریاضی، به نظر نگارنده حتماً باید دارای کمینه‌ای استعداد و درون‌مالیه ریاضی باشید. به عبارت دیگر، باید برای ریاضی ساخته شده باشید! و طبع ریاضی روانی داشته باشید. در غیر این صورت، تردید دارم با تعریف هیلبرت ریاضی دان از آب در آید! باور ندارید؟ این شما، این گوی و این میدان! به یاد داشته باشید که شکوفایی استعداد و رشد ریاضی شما به شدت در گرو تلاش و پشتکار شما، به همراه چاشنی عشق به کارتان، است. حالیا، اگر برآنید که پای در این راه نهید، از من واژگان «صبور» و «سمح» را به یادگار داشته باشید. باید در این راه، در این صعود، و در این عروج، بی‌نهایت صبور و بی‌نهایت سمح باشید، تا بدانجا که مفاهیم و بلکه واژگان خستگی و ناماییدی در قاموس شما رنگ بپازند! همانا، در این راه با توجه به شخصیت و سبکی که دارید می‌توانید تک رو باشید، و به تنهایی این راه هیجان‌انگیز را سپری کنید، و یا اینکه قله‌های نظریه‌های ریاضی را به طور گروهی در نور دید. دارای هر طبع و هر سبکی که هستید، هرگز فراموش نکنید: «در عشق زنده باید، کز مرده هیچ ناید! دانی که کیست زنده؟ آن کو ز عشق زاید!» پس اگر ریاضیات را به تمامی و در کلیت آن دوست ندارید، رنج خود و زحمت دیگران را کم کنید! چرا که بدون حضرت عشق در دنیا (به ویژه در دنیای ریاضی) هیچ اثر سترگی آفریده نمی‌شود! با این شرح و توصیف، اگر هنوز برآنید که ریاضی بورزید، تا آنجا که ممکن است، به سان آبل^{۱۸}، آب گواری ریاضی را از سرچشممه زلال اسایید بزرگش بردارید و بنوشید. یعنی، ریاضیات را از کتاب‌ها و نوشتگان اساتید عاشقش بیاموزید تا از جزووهای درهم برهم شاگردان خُردش! لازمه این کار در این روزها آموختن زبان انگلیسی و تسلط هر چه بیشتر و

^{۱۷} Kurt Gödel (۱۹۰۶-۱۹۷۸)
^{۱۸} Niels Henrik Abel (۱۸۰۲-۱۸۲۹)